СВОЙСТВА УДАРНОГО ОСЦИЛЛЯТОРА И РАСШИРЕННЫХ МОДЕЛЕЙ ВИБРОУДАРНЫХ СИСТЕМ

Крупенин В.Л.

ИМАШ РАН Россия, Москва

Для одной из базовых моделей сильно нелинейных систем - ударного осциллятора,

системы, представляемой как обычный линейный осциллятор, точечное тело которого,

систематически соударяется с какими-либо жесткими ограничителями хода, можно назвать

его следующие важнейшие нелинейные свойства, которые проявляются и в существенно

более общих объектах.

А. Появление нескольких ветвей амплитудно-частотных характеристик, и

чередование устойчивых и неустойчивых ветвей, отвечающих соответственно

асимптотически устойчивым и неустойчивым режимам движения. При этом в системах с

зазором проявляется «жесткий», а с натягом – «мягкий» анизохронизм колебаний, в то

время как системы с нулевым зазором - изохронны.

Б. Проявление явлений затягивания колебаний по частоте или амплитуде (плавного

изменения частоты или зазора между соударяющимся телом и ограничителем). Срыва

колебаний после достижения некоторых наивысших значений амплитуд, а также так

называемое явление жесткого запуска.

В. Явления А и Б проявляются во всех типах виброударных систем. Этот факт

устанавливается как теоретически, на основании анализа уравнений движения, так и

экспериментально. При этом во всех системах с большим числом степеней свободы

реализуются специфические стоячие волны, характеризуемые одновременным выходом на

ограничители удаленных тел или (в случае струны, взаимодействующей с пространственно

протяженным ограничителем) ее удаленных точек. Такие стоячие волны называются

хлопками. Хлопки возникают также в дискретных многомерных системах, например,

решетках. При реализации какой-либо из форм хлопков наблюдаются эффекты затягивания,

срыва, жесткого запуска. Для хлопков могут быть построены также неоднозначные

амплитудно-частотные характеристики.

Г. Очевидно, что при усложнении систем усложняются и наблюдаемые динамические

явления. Усложняется возможная картина волн, в ряде случаев явно проявляются решения

солитонного типа, большее значение приобретают, существующие и в простых одномерных

системах хаотические режимы движения. Однако общность динамических эффектов

виброударных систем вне зависимости от их структурных и (или) топологических

особенностей во многом сохраняется.

Работа выполнена при поддержке РФФИ (проекты 09-08-00941-а, 10-08-00500 -а).