

# ПРЯМАЯ И ОБРАТНАЯ ЗАДАЧИ ТЕОРИИ ОБРАБОТКИ НАБЛЮДЕНИЙ.

\*Тарушкин В.Т., Тарушкин П.В., Тарушкина Л.Т.

Санкт - Петербургский Государственный Университет.

С. Петербург, Россия

[\\*vttar@rambler.ru](mailto:vttar@rambler.ru)

## 1. Прямая задача обработки наблюдений.

Дана несовместная система линейных уравнений  $y = Ax$  ( $y$  –  $n$  – мерный вектор наблюдаемых значений,  $A$  – известная матрица размерности  $n \times n$ ,  $x$  – неизвестный  $m$  – мерный вектор оцениваемых параметров). Решение задачи по методу наименьших квадратов дается  $m$  – мерным вектором  $x_r = (A^T A)^{-1} A^T y$ , где  $T$  – обозначает транспонирование.

## 2. Обратная задача обработки наблюдений.

По известному решению  $x_r$  вычисляем идеальную реализацию в виде  $n$  – мерного вектора  $y_r = A x_r$ . Определяем  $n$  – мерный вектор ошибок  $\Delta = y - y_r$ . Находим максимальную ошибку  $\varepsilon = \max(|\Delta|_1, \dots, |\Delta|_n)$ . Строим множес-

тво реализаций в виде интервального вектора  $[y] = [y_1, y_2]$ , где  $y_1 = y - \varepsilon I$ ,  $y_2 = y + \varepsilon I$ ,  $I = (1, \dots, 1)^T$  – единичный  $n$  – мерный вектор.

### 3. Интервальное, нечеткие и классические решения.

Интервальное решение прямой задачи дается  $m$  – мерным вектором  $[x] = \{x \mid x = (A^T A)^{-1} A^T y, y \in [y]\}$ . Нечеткие решения являются подмножествами  $[x]$ , которое рассматривается как нечеткое множество. Этим методом решены задачи [1,2], при этом, если  $\varepsilon$  в [1] выбирается по всем измерениям, то в [2] в виде двух чисел и по промежутку стабильности ( последние 5 измерений ). В классическом случае [3] система несовместных уравнений заменяется на систему  $y = Ax + v$ , где  $v$  – ошибка, принадлежащая нормальному закону распределения с заданными статистическими характеристиками, что очень трудно проверяется. Решением является случайный вектор, математическое ожидание которого для случая [1] дает тот же закон растворимости  $\text{NaNO}_3$  в виде  $y = 67.5 + 0.87z$ , величина растворимости которого для температуры  $z=32^0$  будет [3] (стр. 32) доверительным интервалом при надежности 0.9 в виде  $[94.6, 96.0]$ . По рассмотренной методике

интервалом для растворимости будет  $[93.67, 97.0]$  (при надежности 1), при этом, вычисления гораздо проще и нагляднее, чем в [3]. Применимость методов классической вероятности [3] для задачи [2], вообще, является сомнительным, поскольку из 18 лет обработки наблюдений первые 13 лет имеют место большие отклонения от прямой регрессии.

### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ.

1. Тарушкин В.Т., Тарушкин П.В., Тарушкина Л.Т. Интервальное решение задачи Д.И. Менделеева – А.А. Маркова – Ю.В. Линника. Электронная конференция РАЕН “Современные проблемы науки и образования”, 15 – 20 ноября 2006.
2. Тарушкин В.Т., Тарушкин П.В., Тарушкина Л.Т. Интервальная и нечеткая линейная регрессия для ВВП России. Электронная конференция РАЕН “Прикладные исследования и разработки по приоритетным направлениям науки и техники”, 15 – 20 января 2007.
3. Линник Ю.В. Метод наименьших квадратов. М.: ГИФМЛ, 1958.

