

Кравец О.Я., Тупота А.В.  
МОДЕЛИРОВАНИЕ СПЕЦИАЛИЗИРОВАННЫХ РАСПРЕДЕЛЕННЫХ  
СИСТЕМ ОБРАБОТКИ ИНФОРМАЦИИ С ПОВЫШЕННОЙ  
ПОМЕХОСТОЙЧИВОСТЬЮ

При построении беспроводных вычислительных машин, многопроцессорных и многомашинных систем используется Bluetooth технологии для обеспечения обмена данными между отдельными элементами этих машин и систем.

В Bluetooth-технологии сфокусированы лучшие на сегодняшний день достижения современной микроэлектроники как в области аппаратуры, так и в программном обеспечении. Bluetooth-системы относятся к классу взаимодействующих открытых систем. Bluetooth-устройства физически представляют собой микросхемы, обеспечивающие связь в диапазоне 2,4 ГГц. В России к технологии Bluetooth проявляется огромный интерес. Наиболее перспективными являются те области промышленности и народного хозяйства, где требуется сбор и обработка большого количества одновременно измеряемых параметров, например, нефтепромыслы, металлургические заводы, жилищно-коммунальное хозяйство и так далее.

Основополагающим принципом построения систем Bluetooth является использование метода расширения спектра при скачкообразном изменении частоты. Весь выделенный для Bluetooth-радиосвязи частотный диапазон 2,402:2,480 ГГц разбит на 79 частотных каналов. Смена каналов производится по псевдослучайному закону с частотой 1600 Гц.

Несмотря на то, что смена частотных каналов производится по псевдослучайному закону с частотой 1600 Гц, устройства Bluetooth не всегда могут исключить проблемы связанные с воздействием помех в диапазоне 2,4 ГГц. При этом требуется разработка научных подходов, методов и алгоритмов символьной и специальной обработки информации для обеспечения надежности функциональной устойчивости и диагностики функционирования вычислительных машин и систем. Это достигается представлением и обработкой информации в конечном поле  $Fp$ ,  $p > 2$  с использованием псевдослучайных последовательностей символов конечного поля для выбора каналов передачи информации устройств Bluetooth.

Для повышения быстродействия процессов обработки и обмена информации между отдельными устройствами машин и систем целесообразно в качестве характеристики конечного поля целесообразно выбрать простые числа  $p = 2^m + 1$ ,  $m \in \{2, 4, 8, 16\}$  [1].

Для того, чтобы получить псевдослучайную последовательность символов конечного поля  $Fp$  максимальной длины  $N = p^k - 1$ , где  $k$ -целое, большее единицы, необходимо найти примитивный многочлен степени  $k$  и по его виду определить структуру регистра сдвига.

Поскольку нахождение примитивных многочленов степени  $k$  над полем  $Fp$  в общем случае представляет трудноразрешимую на практике задачу, то поступим следующим образом.

В поле  $F_2$  определим структуру регистра сдвига, позволяющего вырабатывать двоичную псевдослучайную последовательность максимальной длины с периодом, равным  $N$ , а для того, чтобы на каждом такте работы регистра сдвига иметь не двоичные псевдослучайные числа, а числа соответствующие характеристике выбранного нами поля  $Fp$  ( $p=2^m+1$ ),  $m \in \{2,4,8,16\}$  необходимо информацию параллельным кодом снимать одновременно с  $m$  ячеек (линий задержки) регистра сдвига.

Порядок считывания информации с выбранных линий задержки регистра сдвига может быть выбран любой. При этом регистр сдвига будет генерировать псевдослучайную последовательность чисел (символов)  $\{0,1,\dots,p-2\}$  с периодом совпадающим с периодом псевдослучайной последовательности двоичных чисел.

В псевдослучайной последовательности символов конечного поля  $Fp$ , точно также как в псевдослучайной последовательности двоичных чисел, в пределах своего периода отсутствуют скрытые периодичности и обеспечивается статистическая равномерность используемых символов.

Поскольку псевдослучайные символы конечного поля  $Fp$  могут сниматься с различных ячеек (линий задержки) регистра сдвига и в разной последовательности, то могут использоваться различные псевдослучайные последовательности символов конечного поля, причём каждая из них будет нелинейной, так как не воспроизводит один символ конечного поля, равный  $p-1$  и не будет являться циклически сдвинутой относительно других псевдослучайных последовательностей символов.

Для обеспечения функциональной устойчивости и надежности систем в условиях индустриальных и взаимных помех должна быть также сформирована перебирающая последовательность символов конечного поля. Сформированная перебирающая последовательность является последовательностью символов мультипликативной группы конечного поля  $Fp$   $\{1,2,\dots,p-1\}$ . Использование двух последовательностей позволяет формировать в поле  $Fp$  функцию для символьной обработки исходного текста  $\alpha$ , включающую операцию умножение по модулю  $p$  символа исходного текста на символ перебирающей последовательности и операцию сложения по модулю  $p$  полученного результата с символом псевдослучайной последовательности.

Поскольку символы перебирающей последовательности  $x$  являются элементами мультипликативной группы конечного поля  $Fp$ , то могут быть вычислены обратные величины

$$x^{-1} \circ x^{p-2}(\text{mod } p),$$

а для символов псевдослучайной последовательности  $y$ , которые составляют аддитивную группу конечного поля  $Fp$ , могут быть вычислены сопряжённые элементы

$$y^*=p-y,$$

которые позволяют реализовать обратные преобразования в конечном поле  $Fp$  и восстановления символов исходного текста

$$(b+y^*)x^{-1} \circ a \pmod{p}.$$

Так как в преобразованиях в конечном поле используется две нелинейные последовательности символов конечного поля  $Fp$ , то обеспечивается функциональная устойчивость системы в условиях промышленных и взаимных помех при обмене информацией между её элементами.

Если одна ошибка произойдет на интервале, соответствующем смене порождающих элементов перебирающей последовательности, то такая ошибка будет обнаружена и скорректирована. Для этого на передающей стороне формируется суммарный символ исходного текста в виде двоичного вектора путем сложения в конечном поле  $Fp$ , символа исходного текста со всеми предыдущими символами исходного текста, аналогично вычисляется суммарный символ преобразованного текста, меняется порождающий элемент перебирающей последовательности при появлении в ее составе символа 1 на символ суммарного исходного текста. При этом суммарные символы исходного и преобразованного текста передаются по линии связи, а на приемной стороне корректируются искаженные символы. Для этого:

- вычисляют расхождение  $\Delta a$  в суммарных символах переданного исходного текста  $C_a$  и вычисленного  $C^*_a$  на приемной стороне

$$\Delta a \equiv C_a - C^*_a \pmod{p}$$

- вычисляют расхождение  $\Delta b$  в суммарных символах переданного преобразованного текста  $C_b$  и вычисленного  $C^*_b$  на приемной стороне

$$\Delta b \equiv C_b - C^*_b \pmod{p}$$

- вычисляют символ перебирающей последовательности, используемый для корректировки искаженного при приеме символа

$$x \equiv \Delta b \cdot \Delta a^{-1} \pmod{p}$$

где  $\Delta a^{-1} \circ (\Delta a)^{p-2} \pmod{p}$  - обратный элемент по отношению к символу  $\Delta a$  в поле  $Fp$ ;

- корректируют искаженный символ исходного текста по формуле

$$a \circ a + \Delta a \pmod{p}$$

Возможность обнаружения и корректировки символов исходного текста на приемной стороне приводит к повышению помехоустойчивости передаваемой информации.

Формирование символов  $x$  перебирающей последовательности в виде двоичных векторов на каждом такте работы регистра сдвига можно осуществить за счет вычисления порожденных элементов конечного поля  $Fp$  путем умножения предыдущего символа этой последовательности на порождающий элемент  $x_n$ :

$$x_i \circ x_{i-1} x_n (\text{mod } p).$$

Если в процессе вычислений на каком-то  $i$ -ом такте работы регистра сдвига окажется, что  $x=1$ , то в этом случае меняется порождающий элемент  $x_n$  поля  $Fp$ . При этом в качестве нового порождающего элемента  $x_n$  принимается сформированный на данном такте работы регистра сдвига суммарный символ исходного текста  $C_a$  конечного поля  $Fp$ ,  $x_n=C_a$ , если  $C_a < 2$ , то  $x_n=2$ .

Сформированные последовательности конечного поля  $Fp$  используются символьного преобразования потока данных:

$$ax+u \circ b (\text{mod } p)$$

Так как в перебирающей последовательности конечного поля элементы формируются за счёт возведения в степень порождающего элемента  $x_n$ , имеющего порядок  $k$ , то все элементы  $x_n, x_n^2, x_n^3, \dots, x_n^k$  будут различны на интервале  $k$  тактов работы регистра сдвига. В силу того, что порождающие элементы  $x_n$  могут быть разного порядка в конечном поле  $Fp$ , то смена порождающих элементов будет осуществляться по псевдослучайному закону. При этом обеспечивается статистическая равномерность символов преобразованного текста на интервале, равном  $p-1$  тактов работы регистра сдвига, что обеспечивает равномерное использование каналов устройств Bluetooth.

Поскольку для данной символьной обработки информации ошибки в отдельных каналах устройства Bluetooth могут быть обнаружены и исправлены, то обеспечивается контроль функционирования системы и своевременная смена каналов устройства Bluetooth, подверженных сильным промышленным и взаимным помехам. В этом случае повышается скорость передачи информации между отдельными устройствами, так как исключается её повторная передача при возникновении ошибки в отдельных каналах передачи информации.

#### Литература

1. Тупота В.И. Адаптивные средства защиты информации в вычислительных сетях // Радио и связь. – М., 2002. -176 с.

